

Interrogation rapide n°6

1heure

	Cours	Exercice 1-Partie A	Exercice 1-Partie B	Exercice 2	BONUS
Total	5	5	5	5	2

I Questions de cours

1. Compléter les propriétés suivantes :

(a) Si une fonction f est dérivable en un réel a , alors l'équation de la tangente à C_f en $A(a; f(a))$ est :

.....

(b) La fonction cube est dérivable sur \mathbb{R} et sa fonction dérivée est la fonction polynôme qui à tout réel

Autrement dit :

2. Compléter le tableau suivant :

$f(x)$	$f'(x)$	Intervalles de dérivabilité
k		
x		
$mx + p$		
x^n avec $n \in \mathbb{N}^*$		
$\frac{1}{x}$		

II Exercices

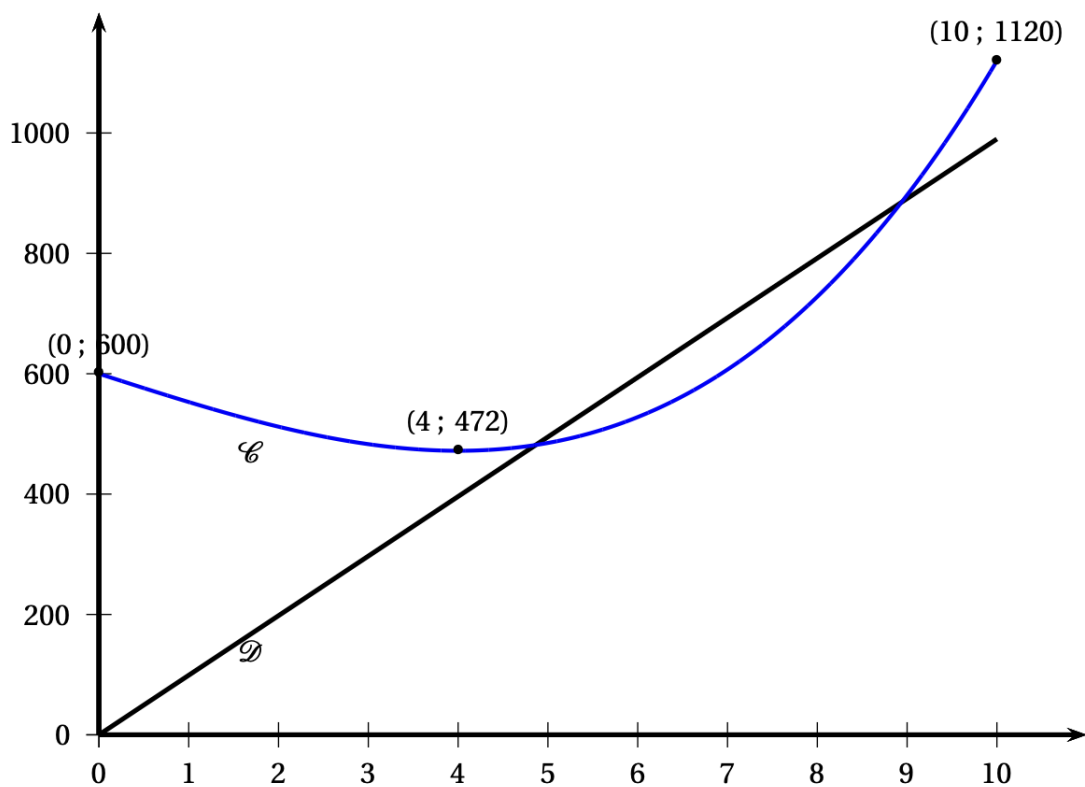
Exercice 1

Partie A

La courbe \mathcal{C} donnée ci-dessous, est la représentation graphique de la fonction f définie sur l'intervalle $[0 ; 10]$ par :

$$f(x) = x^3 - 48x + 600$$

dans un repère orthogonal dont la graduation est précisée sur les axes. La droite \mathcal{D} a pour équation $y = 99x$.



Répondre par vrai ou faux aux questions suivantes (aucune justification n'est demandée et on inscrira V ou F à côté de chaque case)

- | | |
|--|---|
| <input type="checkbox"/> f est monotone sur $[0 ; 10]$ | <input type="checkbox"/> $f'(x) > 0$ pour $x \in [0 ; 4[$ |
| <input type="checkbox"/> $f'(x) = 3x^2 - 48$ | <input type="checkbox"/> $f'(x) = 3(x - 4)(x + 4)$ |
| <input type="checkbox"/> $f'(4) = 0$ | <input type="checkbox"/> f a un minimum pour $x = 4$ |
| <input type="checkbox"/> Pour tout $x \in [0 ; 10]$, $f(x) \geq 472$ | <input type="checkbox"/> Pour tout $x \in [0 ; 10]$, $600 \leq f(x) \leq 1120$ |
| <input type="checkbox"/> L'équation $f(x) = 99x$ admet deux solutions dans l'intervalle $[4 ; 10]$ | <input type="checkbox"/> $f(x) < 99x$ pour $x \in]4 ; 9[$ |

Partie B

Une entreprise produit des crayons de couleur en quantité journalière q (exprimée en milliers). Lorsque la quantité q est comprise entre 4 et 10, on admet que le coût de production journalier, exprimé en euro, est donné par :

$$C(q) = q^3 - 48q + 600$$

L'entreprise vend chaque millier de crayons 99 euros, ce qui donne une recette journalière :

$$R(q) = 99q$$

1. Montrer que le bénéfice journalier $B(q)$, exprimé en euros, est donné par :

$$B(q) = -q^3 + 147q - 600 \text{ avec } q \in [4 ; 10]$$

2. Calculer $B'(q)$ où B' désigne la dérivée de la fonction B .
Vérifier que $B'(q) = -3(q - 7)(q + 7)$.
3. Étudier le signe de $B'(q)$ sur l'intervalle $[4 ; 10]$. Dresser le tableau de variations de la fonction B .
4. En déduire le nombre de milliers de crayons à produire quotidiennement pour obtenir un bénéfice maximal.
Quel est alors ce bénéfice maximal ?

Exercice 2

On considère la fonction f définie sur \mathbb{R} par $f(x) = x^3 + 7x^2 + 11x - 19$.

On note \mathcal{C} sa courbe représentative.

1. On note f' la fonction dérivée de la fonction f sur \mathbb{R} . Déterminer l'expression de $f'(x)$.
2. Résoudre dans \mathbb{R} l'inéquation $3x^2 + 14x + 11 > 0$.
En déduire le tableau de variations de la fonction f .
3. Déterminer l'équation de la tangente à la courbe \mathcal{C} au point d'abscisse 0.

BONUS

4. Justifier que 1 est solution de $x^3 + 7x^2 + 11x - 19 = 0$.
Vérifier que pour tout réel x : $f(x) = (x - 1)(x^2 + 8x + 19)$.
5. Étudier le signe de la fonction f et en dresser le tableau de signes sur \mathbb{R} .